

38. Dans le corps \mathbf{C} , on définit une loi de composition $*$ par :

$z * z' = z + z' + i z z'$. Si $z = y - ix$, l'expression $z * \bar{z}$ est égale à :

1. $2y + i(x^2 + y^2)$ 3. $2x + 2y + (x^2 + y^2)$ 5. $2y + x^2 + y^2$
 2. $2x + i(x^2 + y^2)$ 4. $2x + (x^2 + y^2)$ (M. - 2000)

39. On définit dans \mathbf{R} , la loi de composition interne τ par :

$x \tau y = xy - 2x - 2y + 1$. Les éléments idempotents pour la loi τ sont :

1. $\frac{-3}{2} \pm \frac{\sqrt{5}}{2}$ 3. $\frac{-3}{2} \pm \frac{\sqrt{13}}{2}$ 5. $\frac{-5}{2} \pm \frac{\sqrt{29}}{2}$
 2. $\frac{1}{2} \pm \frac{\sqrt{5}}{2}$ 4. $\frac{5}{2} \pm \frac{\sqrt{21}}{2}$ (B-2001)

40. Dans l'ensemble \mathbf{R} des nombres réels, on définit une loi de composition interne : $a * b = a + b + ab$.

1. La loi $*$ est commutative mais non associative
 2. L'élément nul est le neutre
 3. $a * (b + c) = (a * b) + (a * c)$ www.ecoles-rdc.net
 4. Tout réel a distinct de -1 n'admet pas un symétrique b tel que $a + b + ab = 0$
 5. $a * (bc) = (a * b) * (a * c)$ (M.-2003)

41. On définit dans l'ensemble \mathbf{R} des réels, la loi de composition $*$ par

$x * y = x + y + 2$. L'élément symétrique de $-\frac{3}{2}$ est :

1. $\frac{3}{2}$ 2. $-\frac{5}{2}$ 3. $\frac{11}{2}$ 4. $\frac{5}{2}$ 5. $-\frac{11}{2}$ (B-2000)

42. Dans l'ensemble \mathbf{R} des réels, on définit la loi $*$ par :

$\forall (a, b) \in \mathbf{R}^2 ; a * b = \frac{3a + 3b - 2}{3}$. Le symétrique de l'élément $\frac{5}{2}$ pour

cette loi dans \mathbf{R} est :

1. $\frac{11}{6}$ 2. $-\frac{7}{6}$ 3. 0 4. 1 5. $\frac{13}{12}$ (B - 2004)